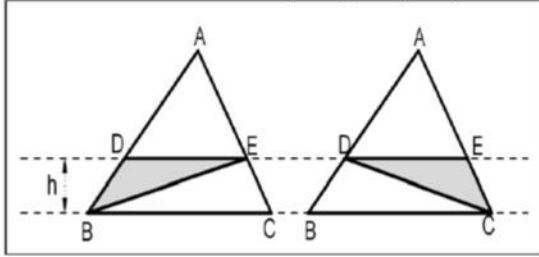


نشاط:

ليكن ABC مثلثا و D نقطة من قطعة المستقيم [AB] و E نقطة من قطعة المستقيم [AC] بحيث (BC) // (DE)



(1) بين أن المثلثين BDE و CDE لهما نفس المساحة

المثلثان BDE و CDE لهما نفس القاعدة وارتفاعهما هو البعد بين المستقيمين

المتوازيين إذن هما متساويان في المساحة وبالتالي $S_{CDE} = S_{BDE}$

(2) استنتج أن مساحتي المثلثين ABE و ADC متساويتان

بما أن $S_{CDE} = S_{BDE}$ فإن $S_{CDE} + S_{ADE} = S_{BDE} + S_{ADE}$ وبالتالي $S_{ABE} = S_{ADC}$

(3) استنتج أن $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}$

نعلم أن $S_{ABE} = S_{ADC}$ إذن $\frac{AD}{AB} = \frac{S_{ADE}}{S_{ABE}} = \frac{S_{ADE}}{S_{ADC}} = \frac{AE}{AC}$ وبالتالي (*) $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}$

(4) المستقيم المار من E والوازي (AB) يقطع (BC) في نقطة F

(أ) بين أن $\frac{AE}{AC} = \frac{BF}{BC}$

نعتبر المثلث ABC و $E \in [AC]$ و $F \in [BC]$ و (EF) // (AB)

إذن حسب السؤال السابق $\frac{CE}{CA} = \frac{CF}{CB}$

يعني $1 - \frac{CE}{CA} = 1 - \frac{CF}{CB}$ يعني $\frac{CA - CE}{CA} = \frac{CB - CF}{CB}$ يعني $\frac{AE}{CA} = \frac{BF}{CB}$

وبالتالي $\frac{AE}{AC} = \frac{BF}{BC}$

(ب) استنتج أن $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC}$ ثم استنتج أن $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC}$

بما أن الرباعي BFED يتوازي فيه كل ضلعين متقابلين فإنه وبالتالي كل ضلعين متقابلين فيه وبالتالي =

و بالتالي بتعويض BF في المساواة $\frac{AE}{AC} = \frac{BF}{BC}$ (السؤال 4أ) نحصل على: (*) $\frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC}$

من خلال العلاقتين (*) و (**) نستنتج أن $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC}$

❖ **استنتاج:** ليكن ABC مثلثا و D و E نقطتان حيث $D \in [AB]$ و $E \in [AC]$ و (DE) // (BC) فإن:

$$\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC}$$