

**Exercice 1 :** (4 points)

Déterminer les limites suivantes :

a)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} -5x^2 - 3x + 4$       b)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x-1}{8-x}$       c)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x+5}{x^2+3x+2}$       d)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x^3-6x}{x^2+1}$

**Exercice 2 :** (4 points)

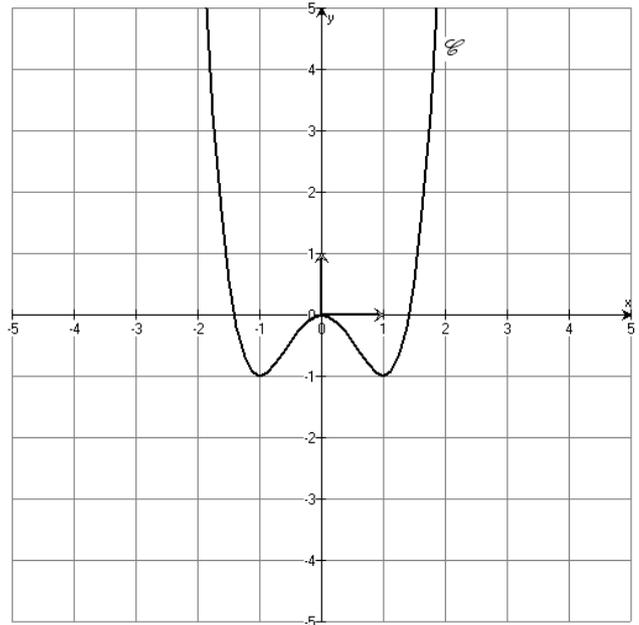
Soit la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R} \setminus \{5, 2\}$  par  $f(x) = \frac{x^3 - 4x^2 - 6x + 5}{x^2 - 7x + 10}$

- 1)  $f$  est-elle continue  $\mathbb{R}$  ? Justifier.
- 2) Vérifier que  $x^3 - 4x^2 - 6x + 5 = (x-5)(x^2 + x - 1)$ .
- 3) Factoriser  $x^2 - 7x + 10$ .
- 4) déduire  $\lim_{x \rightarrow 5} f(x)$

**Exercice 3 :** (7 points)

La courbe  $\mathcal{C}$  ci-contre est celle d'une fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$ .

- 1) Décrire le sens de variation de  $f$ .
- 2) Déterminer les minimums et les maximums de  $f$ .
- 3) Tracer, à partir de  $\mathcal{C}$ , la courbe représentative  $\mathcal{C}_g$  de la fonction  $g$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $g(x) = f(x) - 2$
- 4) Tracer, à partir de  $\mathcal{C}$ , la courbe représentative  $\mathcal{C}_h$  de la fonction  $h$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $h(x) = f(x+1)$
- 5) Déterminer, graphiquement, le nombre de solutions de l'équation  $f(x) = 0$ .



**Exercice 4 :** (5 points)

Soit  $f$  la fonction définie sur  $] -1; +\infty[$  par :  $f(x) = \frac{-x^2 + 2x + 1}{x+1}$

On appelle  $\mathcal{C}_f$  sa courbe représentative dans le plan muni d'un repère orthogonal.

- 1) Déterminer  $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$ . Qu'en déduit-on pour la courbe de  $\mathcal{C}_f$  ?
- 2) Déterminer  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ .
- 3) Montrer que la courbe  $\mathcal{C}_f$  admet une asymptote  $\Delta$  d'équation  $y = -x + 3$ .
- 4) Etudier les positions relatives de la courbe  $\mathcal{C}_f$  et de  $\Delta$